






Au vu du contexte sanitaire lié à la propagation du coronavirus, les modalités d'organisation et d'évaluation des unités d'enseignement ont pu, dans différentes situations, être adaptées ; ces éventuelles nouvelles modalités ont été -ou seront- communiquées par les enseignant-es aux étudiant-es.

5 crédits	22.5 h + 22.5 h	Q2
-----------	-----------------	----

Enseignants	Ruelle Philippe ;
Langue d'enseignement	Anglais
Lieu du cours	Louvain-la-Neuve
Préalables	Avoir suivi LMAT1121 et LMAT1131 ou des unités d'enseignement équivalentes dans un autre programme constitue un atout.
Thèmes abordés	Cette unité d'enseignement constitue une introduction générale à la théorie des groupes, avec, en perspective, son usage (indispensable) en physique. Les symétries y sont omniprésentes et sont mathématiquement formalisées par la notion de groupe. Le physicien a donc besoin de comprendre comment formuler une symétrie, comment l'exploiter et en mesurer toutes les conséquences. La notion fondamentale est celle de représentation, qui permet de préciser concrètement le statut des quantités physiques par rapport à une symétrie donnée. Plutôt que de se concentrer sur les aspects structurels des groupes, l'unité d'enseignement s'attache à présenter, étudier et utiliser le concept de représentation d'un groupe, et montre l'utilité des méthodes groupales par quelques exemples d'applications.
Acquis d'apprentissage	<p>a. Contribution de l'unité d'enseignement aux acquis d'apprentissage du programme (PHYS2M et PHYS2M1)</p> <p>1.1, 1.5, 2.1, 2.3, 3.1, 3.2, 3.3, 3.4.</p> <p>b. Acquis d'apprentissage spécifiques à l'unité d'enseignement</p> <p>Au terme de cette unité d'enseignement, l'étudiant.e sera capable de :</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. formaliser une symétrie par l'utilisation d'un groupe ; 2. analyser les conséquences d'une symétrie par l'utilisation des représentations du groupe associé ; 3. comprendre l'importance physique de l'utilisation des représentations ; 4. calculer des caractères de représentations ; 5. identifier les types de représentations ; 6. calculer la réduction d'une représentation d'un groupe fini et identifier les sous-espaces invariants associés aux parties irréductibles ; 7. calculer la dimension et l'algèbre d'un groupe de matrices ; 8. identifier et caractériser une représentation de SU(2) ; 9. calculer des coefficients de Clebsch-Gordan de SU(2). <p>-----</p> <p><i>La contribution de cette UE au développement et à la maîtrise des compétences et acquis du (des) programme(s) est accessible à la fin de cette fiche, dans la partie « Programmes/formations proposant cette unité d'enseignement (UE) ».</i></p>
Modes d'évaluation des acquis des étudiants	En raison de la crise du COVID-19, les informations de cette rubrique sont particulièrement susceptibles d'être modifiées. L'évaluation se fait sur base d'un examen écrit portant sur les notions théoriques et leur application à des problèmes simples mais concrets. On y teste la connaissance, la compréhension et la maîtrise des notions, des techniques et des méthodes vues au cours théorique. L'accent est délibérément mis sur la capacité à analyser une situation nouvelle (mais simple), plutôt que sur la démonstration de résultats mathématiques.

Méthodes d'enseignement	<p>En raison de la crise du COVID-19, les informations de cette rubrique sont particulièrement susceptibles d'être modifiées.</p> <p>Les activités d'apprentissage sont constituées par des cours magistraux et des séances de travaux pratiques.</p> <p>Les cours magistraux visent à introduire les concepts fondamentaux, en les motivant par des exemples qui ont été discutés dans d'autres unités d'enseignement du programme du Bachelier en sciences physiques, et qui sont ici revisités avec un éclairage spécifiquement "groupe". Les résultats les plus utiles sont présentés et les méthodes associées détaillées.</p> <p>Les séances de travaux pratiques visent à se familiariser avec les notions théoriques et les méthodes vues au cours, dans le but de les appliquer à des situations concrètes simples.</p> <p>Les deux activités se donnent en présentiel.</p>
Contenu	<p>Le cours comporte deux parties, avec les contenus suivants. En fonction du temps disponible, les parties marquées d'une astérisque ne sont pas discutées.</p> <p>1. Groupes finis :</p> <ul style="list-style-type: none"> ' notions fondamentales, propriétés et exemples (sous-groupes, produit direct et semi-direct, classes de conjugaison, classes latérales et groupe quotient, illustrations dans les groupes de permutations) ; ' concept de représentation (motivations et définitions, exemples, distinction réductibles/irréductibles, équivalence de représentations, sommes directes) ; ' résultats généraux pour les groupes finis (caractères, relations d'orthogonalité, tables de caractères irréductibles, méthodes de réduction, applications) ; ' produits tensoriels de représentations (définition, réduction de produits, utilité pratique des notations tensorielles, exemples) ; ' caractérisation mathématique et conséquences d'une symétrie dans un système physique concret (obtention de modes normaux de vibration par identification des parties irréductibles dans l'action du groupe de symétrie) ; ' (*) discussion des groupes de permutations (diagrammes de Young, représentations irréductibles associées, dimensions). <p>2. Groupes et algèbres de Lie :</p> <ul style="list-style-type: none"> ' groupe $SO(2)$ (représentation de définition, générateur infinitésimal) ; ' généralisation aux groupes de matrices (algèbre d'un groupe, application exponentielle, représentations d'algèbres, constantes de structure et loi de composition du groupe) ; ' groupes $SU(2)$ et $SO(3)$ (variétés de groupe, paramétrisations, différences et relation) ; ' algèbre $SU(2)$ (représentations irréductibles, réduction de produits tensoriels, coefficients de Clebsch-Gordan) ; ' (*) représentations de l'algèbre $SU(3)$ (exemples, structure générale, réduction de produits, applications physiques) ; ' (*) représentations des groupes linéaires (méthodes tensorielles, rôle des groupes de permutations, tableaux de Young et formules de dimensions, particularités des groupes orthogonaux, application au tenseur de Riemann).
Ressources en ligne	Syllabus disponible sur MoodleUCL.
Bibliographie	Syllabus disponible sur MoodleUCL.
Faculté ou entité en charge:	PHYS

Programmes / formations proposant cette unité d'enseignement (UE)				
Intitulé du programme	Sigle	Crédits	Prérequis	Acquis d'apprentissage
Master [60] en sciences physiques	PHYS2M1	5		
Master [120] en sciences physiques	PHYS2M	5		
Approfondissement en sciences physiques	LPHYS100P	5		
Approfondissement en sciences mathématiques	LMATH100P	5		
Mineure en physique	LPHYS100I	5		
Mineure en mathématiques	LMATH100I	5		